

**Lösung**

1. a)

- Die Größe ist binomial verteilt, also gelten die Formeln der Merkhilfe:  
 $E(x) = n \cdot p = 100 \cdot 0,3 = 30$  und  $Var(X) = 100 \cdot 0,3 \cdot 0,7 = 21$
- $p(\text{infiziert}) = 0,3$   $p(\text{nicht infiziert}) = 0,7$   
 $p(\text{genau 30 infiziert}) = 0,3^{30} \cdot 0,7^{70} \cdot \binom{100}{30}$
- $\sigma = \sqrt{Var(X)} = 4,58258$

$X > 30 + 4,58258 \rightarrow X \geq 35 : p_1 = 1 - F(100, 34, 0,3) = 1 - 0,83714 = 0,16286$   
 $X < 30 - 4,58258 \rightarrow X \leq 25 : p_2 = F(100, 25, 0,3) = 0,16313$

$p = p_1 + p_2 = 0,33142 = 33,142 \%$

Tabellenwerte!

1 b)

$n = 100, p \geq 0,4 \quad H_0 = \{ p(\text{infiziert}) \geq 0,4 \}$

Die Nullhypothese wird angenommen, solange  $n$  größer oder gleich einer Grenzzahl  $n_o$  ist,

Annahmebereich:  $[n_o; 100]$  Ablehnungsbereich:  $[0; n_o - 1]$   
 Irrtümliche Annahme bedeutet, das  $H_0$  falsch ist, aber angenommen wird.

	$H_0$ ist wahr	$H_0$ ist falsch
$H_0$ wird angenommen	$n \geq \text{Grenzzahl } n_o$	$n \geq \text{Grenzzahl } n_o$
$H_0$ wird abgelehnt	$n \leq \text{Grenzzahl } n_o - 1$	$n \leq \text{Grenzzahl } n_o - 1$

Also gilt der Ansatz

$P(n \geq n_o) = 1 - F(n = 100, n_o - 1, 0,4) \leq 0,05$   
 $F(n = 100, n_o - 1, 0,4) \geq 0,95$

Die Tabelle liefert:  $n_o - 1 = 48 \rightarrow n_o = 49$   
 Annahmebereich für  $H_0$ : [49; 100]  
 Ablehnungsbereich für  $H_0$ : [0; 48]

Klar (!) wegen  $p \geq 0,4$

1- ... weil der obere Teil der aufsummierten  $B(n,p,k)$  gesucht ist, in der Tabelle aber nur die von unten.

1c)

Mindestens eine heißt, nicht keine

$1 - 0,4^n \cdot 0,6^n \geq 0,999$   
 $0,6^n \leq 0,001$   
 $n \cdot \lg(0,6) \leq \lg(0,001)$   
 $n \geq \frac{\lg(0,001)}{\lg(0,6)} = 13,5 \rightarrow n = 14$

Gegenereignis!

2.

$f(x) = (x+1)e^{2x}$   
 $f'(x) = 1 \cdot e^{2x} + (x+1)e^{2x} \cdot 2$   
 $f'(x) = (2x+3)e^{2x}$

Produkt- und Kettenrege